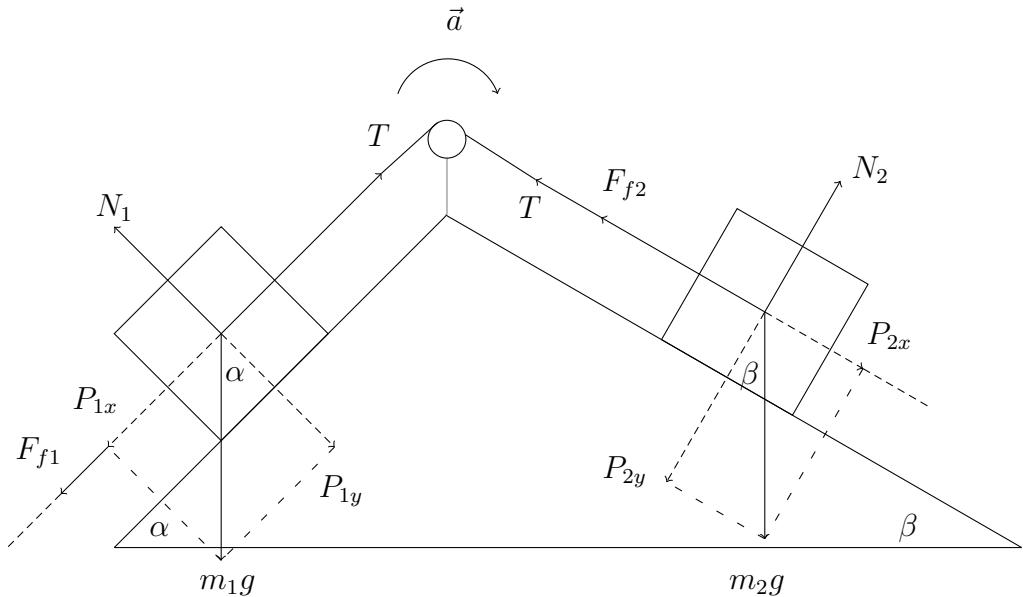


1. (a) Representem les forces suposant que es mourà cap a la dreta



Pel cos 1 les equacions son,

$$\begin{cases} N_1 = P_{1y} \\ T - F_{f1} - P_{1x} = m_1 a \end{cases} \rightarrow \begin{cases} N_1 = m_1 g \cos \alpha \\ T - F_{f1} - m_1 g \sin \alpha = m_1 a \end{cases} \rightarrow$$

$$\begin{cases} N_1 = m_1 g \cos \alpha \\ T - \mu N_1 - m_1 g \sin \alpha = m_1 a \end{cases} \rightarrow T - \mu m_1 g \cos \alpha - m_1 g \sin \alpha = m_1 a$$

Pel cos 2 les equacions son,

$$\begin{cases} N_2 = P_{2y} \\ P_{2x} - T - F_{f2} = m_2 a \end{cases} \rightarrow \begin{cases} N_2 = m_2 g \cos \beta \\ m_2 g \sin \beta - T - F_{f2} = m_2 a \end{cases} \rightarrow$$

$$\begin{cases} N_2 = m_2 g \cos \beta \\ m_2 g \sin \beta - T - \mu N_2 = m_2 a \end{cases} \rightarrow m_2 g \sin \beta - T - \mu m_2 g \cos \beta = m_2 a$$

Obtenim llavors el sistema

$$\begin{cases} T - \mu m_1 g \cos \alpha - m_1 g \sin \alpha = m_1 a \\ m_2 g \sin \beta - T - \mu m_2 g \cos \beta = m_2 a \end{cases}$$

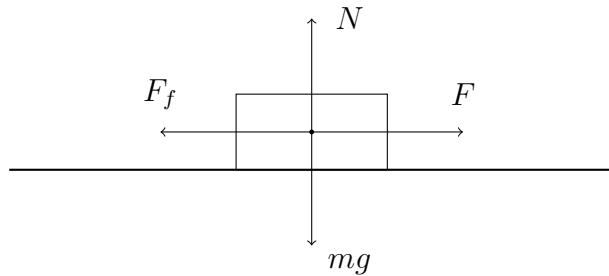
que es resol fàcilment per donar

$$m_2 g \sin \beta - \mu m_2 g \cos \beta - \mu m_1 g \cos \alpha - m_1 g \sin \alpha = m_1 a + m_2 a$$

d'on finalment podem respondre l'apartat (c),

$$\begin{aligned} a &= g \cdot \frac{m_2 \sin \beta - \mu m_2 \cos \beta - \mu m_1 \cos \alpha - m_1 \sin \alpha}{m_1 + m_2} \\ &= 9,8 \cdot \frac{120 \sin 30^\circ - 0,3 \cdot 120 \cos 30^\circ - 0,3 \cdot 20 \cos 60^\circ - 20 \sin 60^\circ}{20 + 120} \\ &= 0,595 \text{ m/s}^2 \end{aligned}$$

## 2. (a)



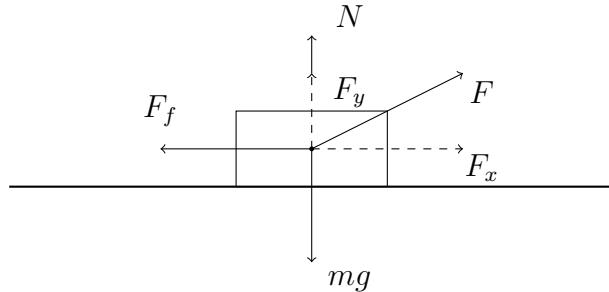
Les equacions que resolen el problema són

$$\begin{cases} N = mg \\ F - F_f = ma \end{cases} \rightarrow \begin{cases} N = mg \\ F - \mu N = ma \end{cases} \rightarrow F - \mu mg = ma$$

d'on

$$a = \frac{F - \mu mg}{m} = \frac{700 - 0,4 \cdot 100 \cdot 9,8}{100} = 3,08 \text{ m/s}^2$$

(b)



Podem escriure el següent sistema

$$\begin{cases} N + F_y = mg \\ F_x - F_f = ma \end{cases}$$

Escrivint les components en funció de l'angle  $\alpha$

$$\begin{cases} N + F \sin \alpha = mg \\ F \cos \alpha - \mu N = ma \end{cases}$$

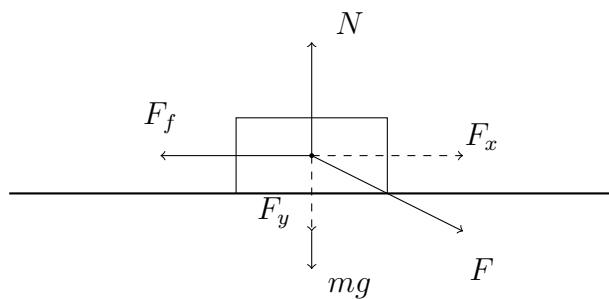
que en una sola equació serà

$$F \cos \alpha - \mu(mg - F \sin \alpha) = ma$$

l'acceleració valdrà doncs

$$\begin{aligned} a &= \frac{F \cos \alpha - \mu(mg - F \sin \alpha)}{m} \\ &= \frac{700 \cos 30^\circ - 0,4(100 \cdot 9,8 - 700 \sin 30^\circ)}{100} \\ &= 3,54 \text{ m/s}^2 \end{aligned}$$

(c) Representem les forces de forma semblant als altres casos



Les equacions són ara,

$$\begin{cases} N = F_y + mg \\ F_x - F_f = ma \end{cases}$$

Escrivint les components en funció de l'angle  $\alpha$

$$\begin{cases} N = F \sin \alpha + mg \\ F \cos \alpha - \mu N = ma \end{cases}$$

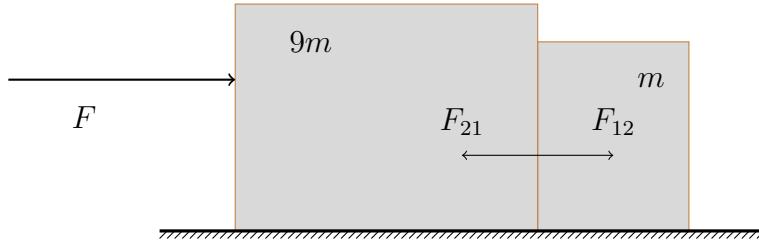
que en una sola equació serà

$$F \cos \alpha - \mu(F \sin \alpha + mg) = ma$$

d'on l'acceleració val

$$\begin{aligned} a &= \frac{F \cos \alpha - \mu(F \sin \alpha + mg)}{m} \\ &= \frac{700 \cos 30^\circ - 0,4(700 \sin 30^\circ + 100 \cdot 9,8)}{100} \\ &= 0,74 \text{ m/s}^2 \end{aligned}$$

**3.** Representem la situació



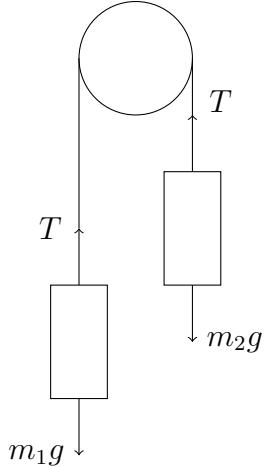
Apliquem la segona llei de Newton al conjunt,

$$F = (9m + m)a \rightarrow a = \frac{F}{10m} = \frac{100}{10m} = \frac{10}{m} \text{ N}$$

ara apliquem la segona llei de Newton al cos de massa  $m$

$$F_{12} = ma = m \cdot \frac{10}{m} = 10 \text{ N}$$

4. (a) Comencem representant les forces a la màquina d'Atwood



Suposem que es mou en sentit horari, és a dir  $m_1$  puja i  $m_2$  baixa, llavors les equacions per cada cos són

$$\begin{cases} T - m_1g = m_1a \\ m_2g - T = m_2a \end{cases}$$

sumant-les obtenim

$$m_2g - m_1g = (m_1 + m_2)a$$

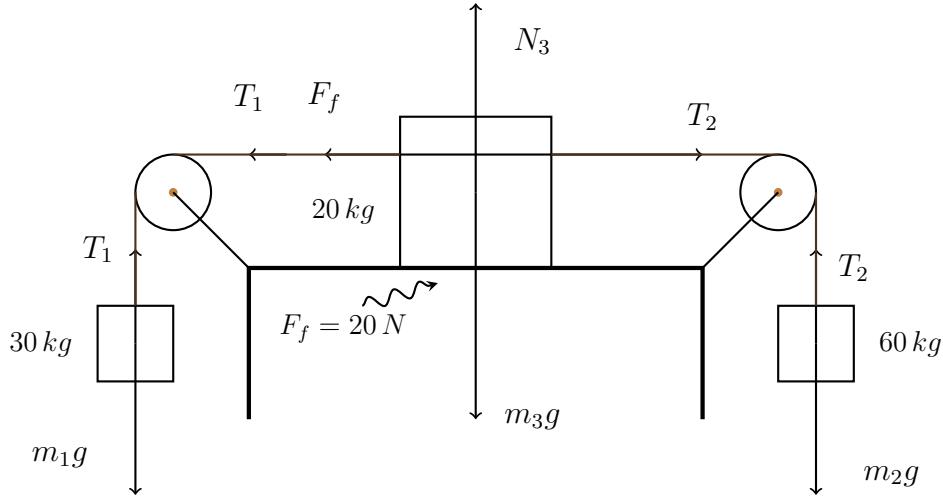
d'on

$$a = g \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} = 9,8 \cdot \frac{12 - 8}{12 + 8} = 1,96 \text{ m/s}^2$$

i la tensió

$$T - m_1g = m_1a \rightarrow T = m_1(g + a) = 8 \cdot (9,8 + 1,96) = 94,08 \text{ N}$$

(b) En quant a l'altre sistema dinàmic



Suposem que el sistema es mou *cap a la dreta*. Les equacions per cada massa són (noteu que no donen el coeficient de fregament,  $\mu$  sino directament el valor de la força de fregament)

$$\begin{aligned} T_1 - m_1 g &= m_1 a \\ T_2 - T_1 - F_f &= m_3 a \quad N_3 = m_3 g \\ m_2 g - T_2 &= m_2 a \end{aligned}$$

que es poden escriure com

$$\begin{cases} T_1 - m_1 g = m_1 a \\ T_2 - T_1 - F_f = m_3 a \\ m_2 g - T_2 = m_2 a \end{cases}$$

Sumant-les, obtenim

$$m_2 g - m_1 g - F_f g = (m_1 + m_2 + m_3) a$$

d'on

$$a = \frac{m_2 g - m_1 g - F_f}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{60 \cdot 9,8 - 30 \cdot 9,8 - 20}{30 + 60 + 20} = 2,5 \text{ m/s}^2$$

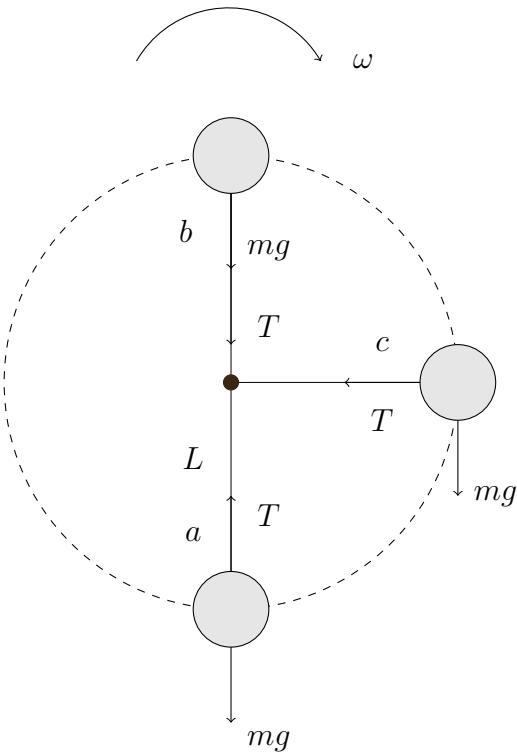
en quant a les tensions

$$T_1 - m_1 g = m_1 a \rightarrow T_1 = m_1 g + m_1 a = 30 \cdot 9,8 + 30 \cdot 2,5 = 369 \text{ N}$$

i

$$m_2 g - T_2 = m_2 a \rightarrow T_2 = m_2 g - m_2 a = 60 \cdot 9,8 - 60 \cdot 2,5 = 438 \text{ N}$$

**5.** Representem les forces en cada cas



Abans de seguir escrivim la velocitat angular en el sistema internacional

$$\frac{90 \text{ rev}}{30 \text{ s}} \cdot \frac{2\pi \text{ rad}}{1 \text{ rev}} = 6\pi \text{ rad/s}$$

En el punt a), més baix, la segona llei de Newton s'escriu com

$$T - mg = m\omega^2 L$$

$$T = mg + m\omega^2 L = m(g + \omega^2 L) = 3 \cdot (9,8 + (6\pi)^2 \cdot 2) = 2161,2 \text{ N}$$

En el punt b), més alt, la segona llei de Newton s'escriu com

$$T + mg = m\omega^2 L$$

$$T = m\omega^2 L - mg = m(\omega^2 L - g) = 3 \cdot ((6\pi)^2 \cdot 2 - 9,8) = 2102,4 \text{ N}$$

En el punt c), a mitja altura, el pes està desacoblat de la tensió i la segona llei de Newton s'escriu com

$$T = m\omega^2 L$$

$$T = m\omega^2 L = 3 \cdot (6\pi)^2 \cdot 2 = 2131,8 \text{ N}$$

**6.** (a) Fem un balanç d'energia entre el punt més alt i el terra

$$mgh = \frac{1}{2}mv^2$$

d'on

$$v = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \cdot 9,8 \cdot 20} = 19,8 \text{ m/s}$$

(b) Fem un altre balanç d'energia entre el punt més alt i l'altura que volem trobar

$$mgh = mgh' + \frac{1}{2}mv'^2 \rightarrow 2gh = 2gh' + v'^2$$

llavors

$$h' = \frac{2gh - v'^2}{2g} = \frac{2 \cdot 9,8 \cdot 20 - 10^2}{2 \cdot 9,8} = 14,9 \text{ m}$$

**7.** (a)

$$W = Fd \cos \theta = 100 \cdot 0 \cos 0^\circ = 0 \text{ J}$$

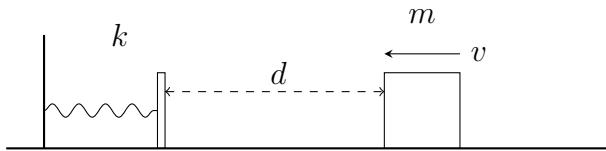
(b)

$$W = Fd \cos \theta = 200 \cdot 10 \cos 0^\circ = 2000 \text{ J}$$

(c)

$$W = Fd \cos \theta = 200 \cdot 20 \cos 30^\circ = 3464 \text{ J}$$

**8.** Representem la situació



i fem un balanç d'energia

$$\frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}kx^2$$

d'on

$$x = \sqrt{\frac{mv^2}{k}} = \sqrt{\frac{1 \cdot 4^2}{3}} = 2,31 \text{ m}$$

**9.** (a) Al ser el xoc totalment inelàstic podem escriure

$$m_1 v_1 + m_2 v_2 = (m_1 + m_2) v'$$

on  $v'$  és la velocitat del conjunt, llavors

$$v' = \frac{m_1 v_1 + m_2 v_2}{m_1 + m_2} = \frac{8 \cdot 10 + 12 \cdot 0}{8 + 12} = 4 \text{ m/s}$$

(b) Calculem l'energia inicial del sistema

$$E_i = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 = \frac{1}{2} \cdot 8 \cdot 10^2 = 400 \text{ J}$$

$$E_f = \frac{1}{2} (m_1 + m_2) v'^2 = \frac{1}{2} (8 + 12) \cdot 4^2 = 160 \text{ J}$$

de forma que l'energia perduda en el xoc val

$$E_{per} = E_i - E_f = 400 - 160 = 240 \text{ J}$$

**10.** (a) En l'impacte de la bala es conserva la quantitat de moviment del conjunt. La quantitat de moviment es conserva sempre que sigui un xoc o explosió sense forces externes. (b) En el moviment de pujada del conjunt es conserva l'energia mecànica. La cinètica del conjunt es transforma en potencial gravitatori de forma que arribarà a una altura determinada altura màxima.

**11.** Hem de resoldre el sistema

$$\begin{cases} m_1 v_1 + m_2 v_2 = m_1 v'_1 + m_2 v'_2 \\ v_2 - v_1 = v'_1 - v'_2 \end{cases}$$

Fent servir les dades de l'enunciat

$$\begin{cases} 0,02 \cdot 0,5 + 0,05 \cdot 0,2 = 0,02 v'_1 + 0,05 v'_2 \\ 0,2 - 0,5 = v'_1 - v'_2 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 0,02 v'_1 + 0,05 v'_2 = 0,02 \\ v'_1 - v'_2 = -0,3 \end{cases}$$

multiplicant per 100 la primera equació i per 5 la segona

$$\begin{cases} 2v'_1 + 5v'_2 = 2 \\ 5v'_1 - 5v'_2 = -1,5 \end{cases}$$

sumant les equacions

$$7v'_1 + 5v'_2 - 5v'_2 = 0,5$$

d'on

$$v'_1 = \frac{0,5}{7} = 0,07143 \text{ m/s}$$

Calculem ara  $v'_2$

$$v'_1 - v'_2 = -0,3 \rightarrow v'_2 = v'_1 + 0,3 = 0,3714 \text{ m/s}$$